

---

# Introdução à Mineração de Dados com Aplicações em Ciências Espaciais

Escola de Verão do Laboratório Associado de  
Computação e Matemática Aplicada

Rafael Santos

- *Dia 1:* Apresentação dos conceitos de mineração de dados, motivação e alguns exemplos.
- *Dia 2:* Algoritmos de classificação supervisionada e aplicações.
- ***Dia 3:*** Algoritmos de classificação não-supervisionada e aplicações. Algoritmos de mineração de associações.
- ***Dia 4:*** Visualização e mineração de dados. Outros algoritmos e idéias. Onde aprender mais.

# Agrupamento (Clusterização)

- Algoritmos para criação de grupos de instâncias
  - Similares entre si,
  - Diferentes de instâncias em outros grupos.
  - Não-supervisionado (?)
- Também conhecidos como algoritmos de aprendizado auto-organizado.
- Diferença entre instâncias e (protótipos de) grupos é dada por um valor: medidas de distância ou similaridade / dissimilaridade.

- Duas abordagens gerais:
  - Particionais:
    - Criam grupos de forma iterativa.
    - Reparticiona/reorganiza até atingir um limiar (tempo, erro quadrático, etc).
    - Ao terminar fornece pertinência final de instâncias a grupos.
  - Hierárquicos:
    - *Bottom-up*: cria pequenos grupos juntando as instâncias, repetindo até atingir um critério.
    - *Top-down*: considera todas as instâncias como pertencentes a um grande grupo, subdivide recursivamente este grupo.
  - Podem criar *dendogramas*: agrupamentos hierárquicos com números alternativos de grupos.

- Particional.
- Entrada: instâncias, medida de distância, número de grupos (K).
- Saída: centróides dos grupos, pertinência das instâncias aos grupos, métricas.
- O algoritmo tenta minimizar o erro quadrático calculado entre as instâncias e os centróides dos grupos.

# K-Médias: Passos

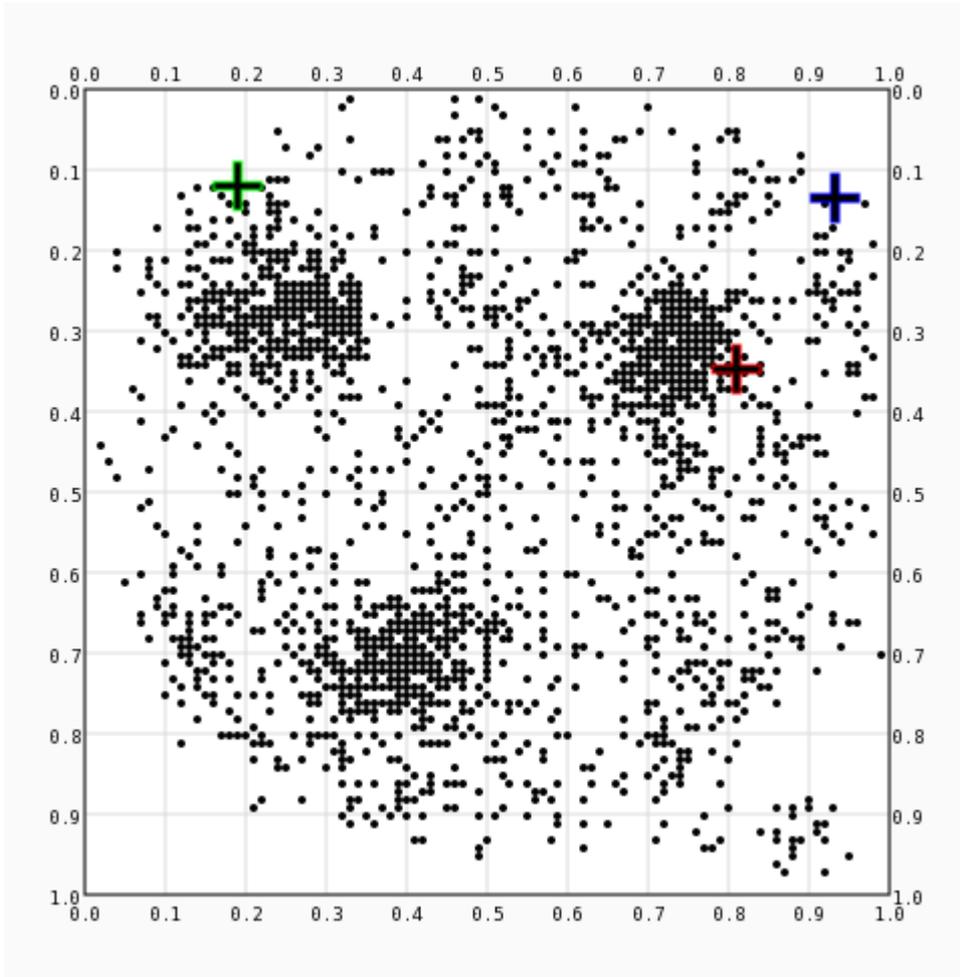
1. Inicializamos os centróides dos  $K$  grupos.
2. Marcamos cada instância como pertencente ao grupo (centróide) mais próximo.
3. Recalculamos os centróides dos grupos considerando as pertinências.

$$v_i = \frac{1}{n_i} \sum_{x_k \in C_i} x_k$$

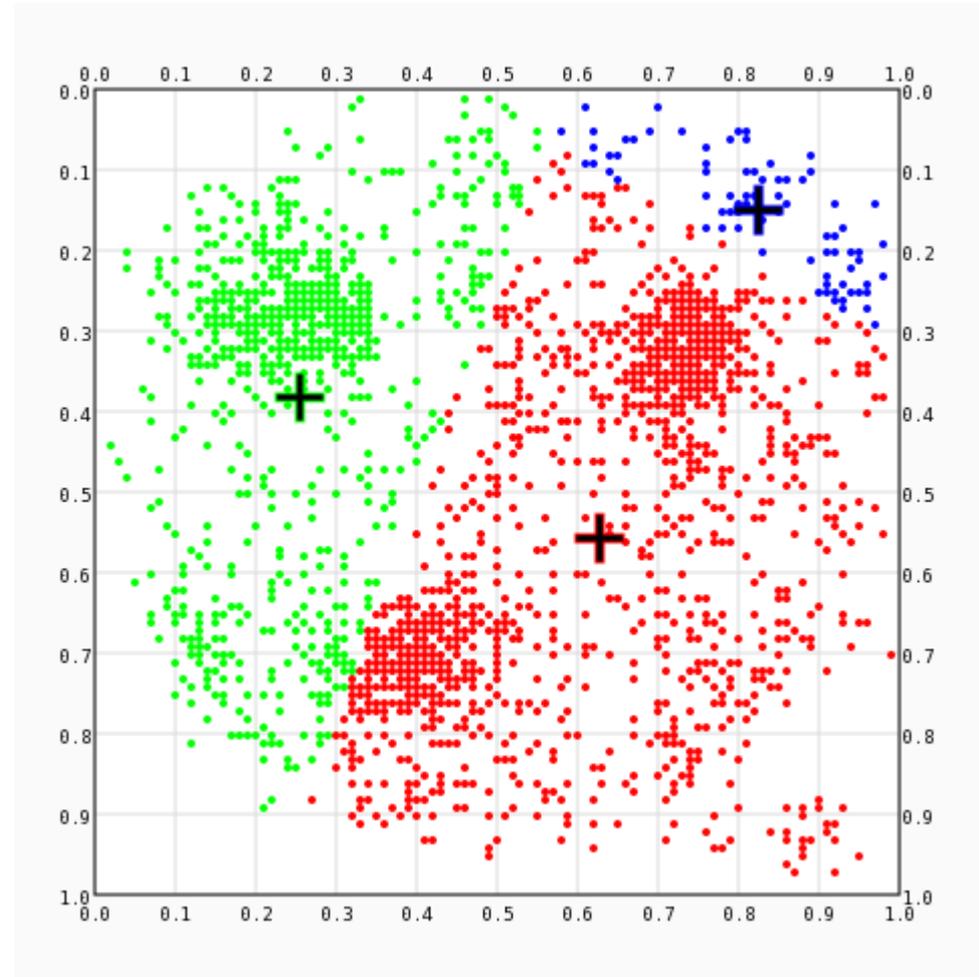
4. Recalculamos o erro quadrático total.

$$J = \sum_{k=1}^n \sum_{x_k \in C_i} |x_k - v_i|^2$$

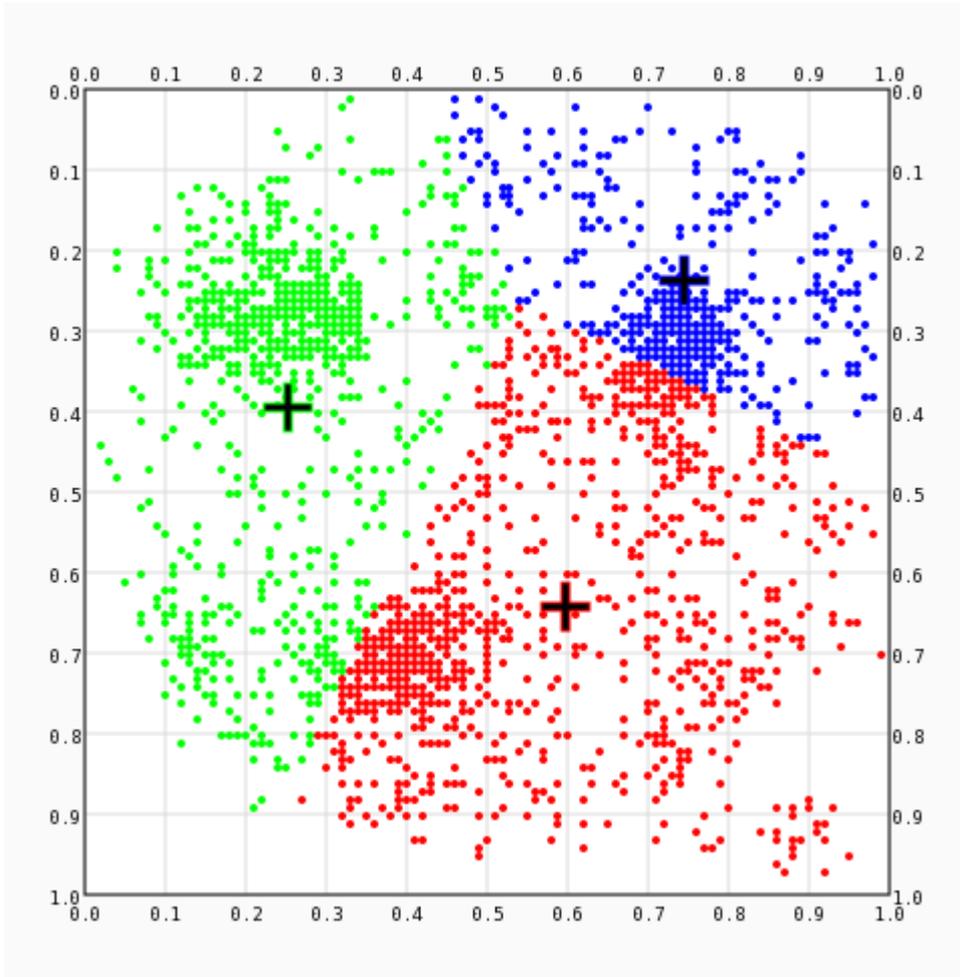
5. Verificamos condições de parada e repetimos a partir do passo 2.



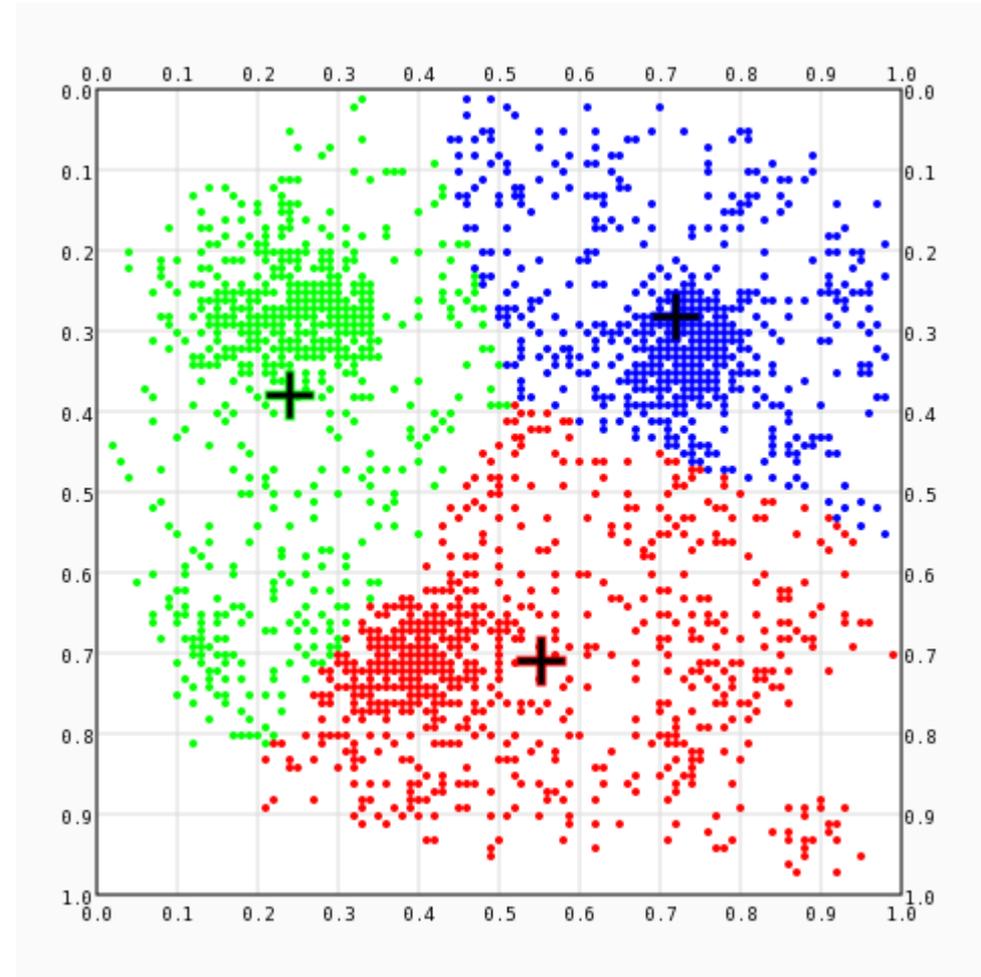
0



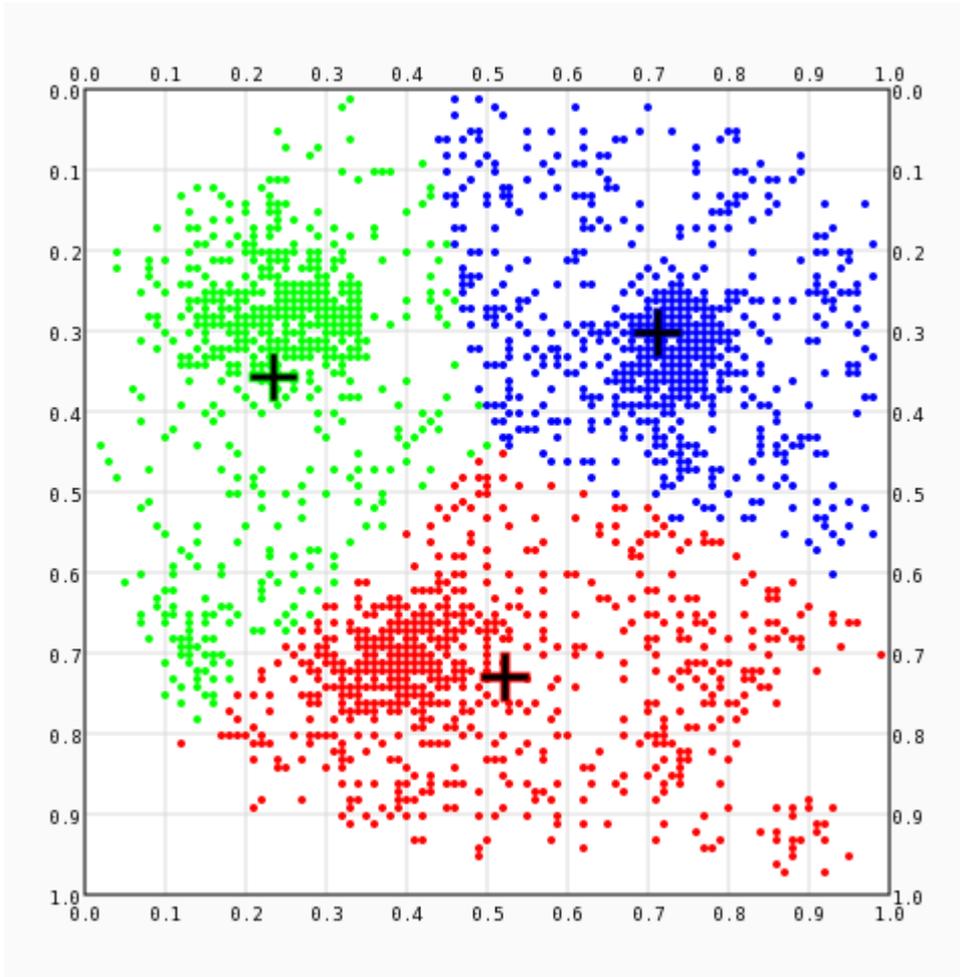
1



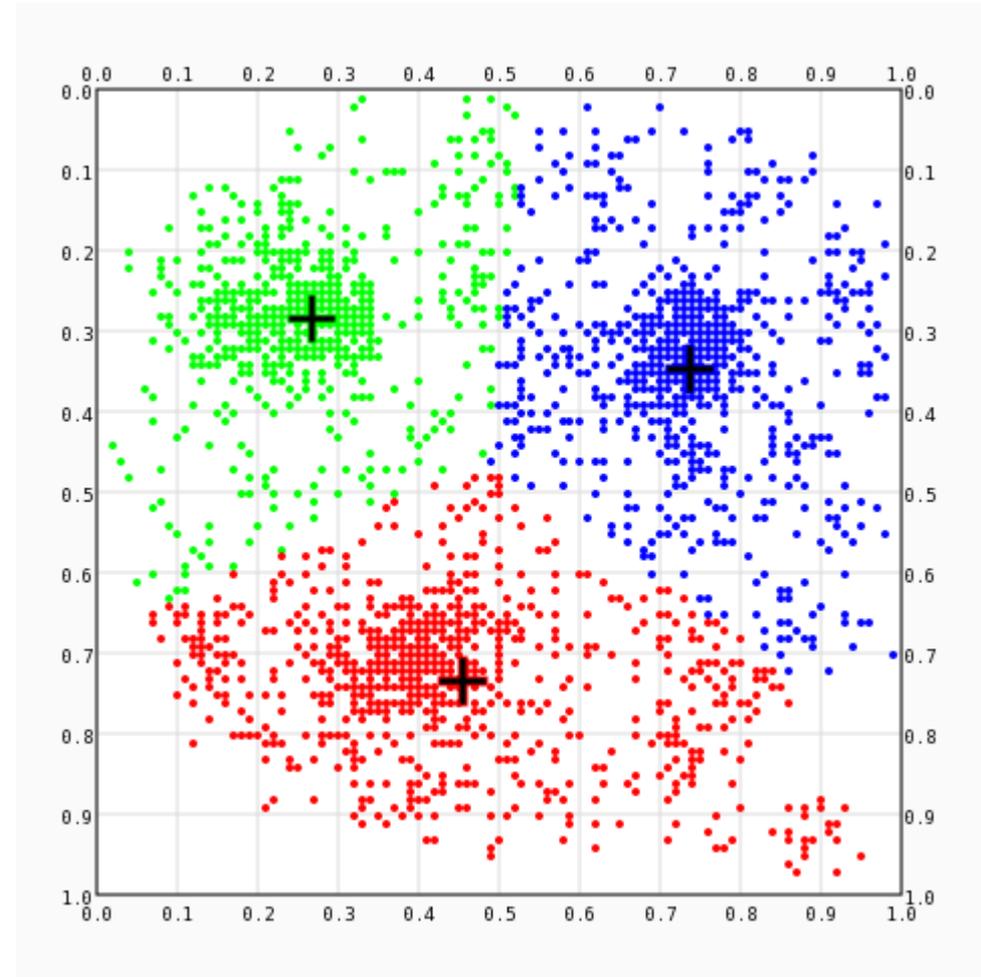
2



3



4

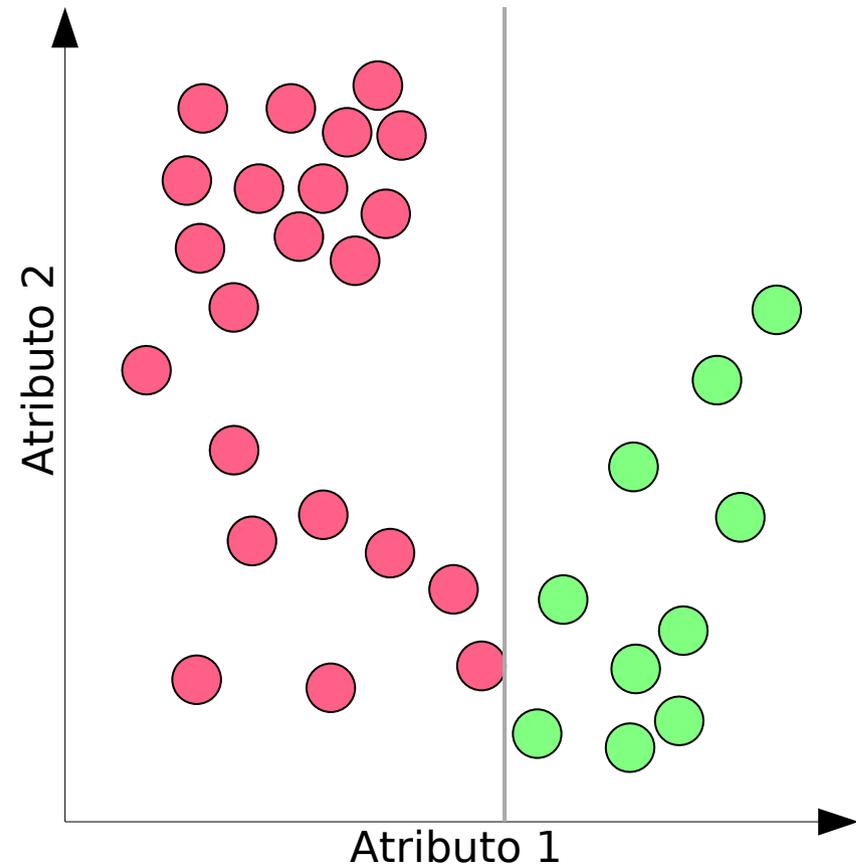
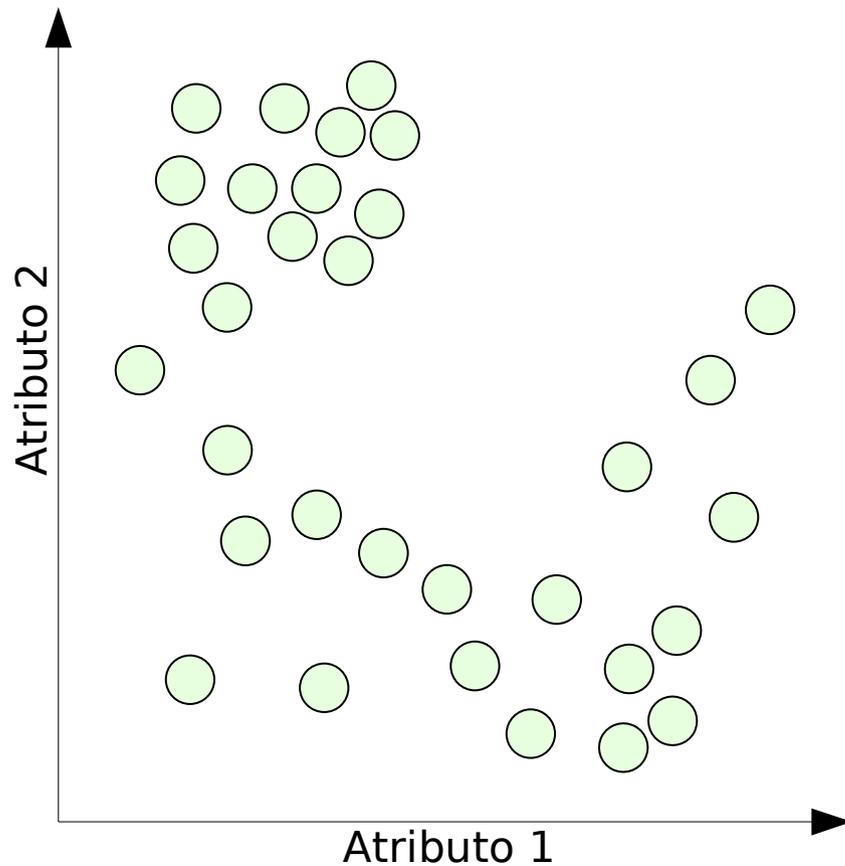


10

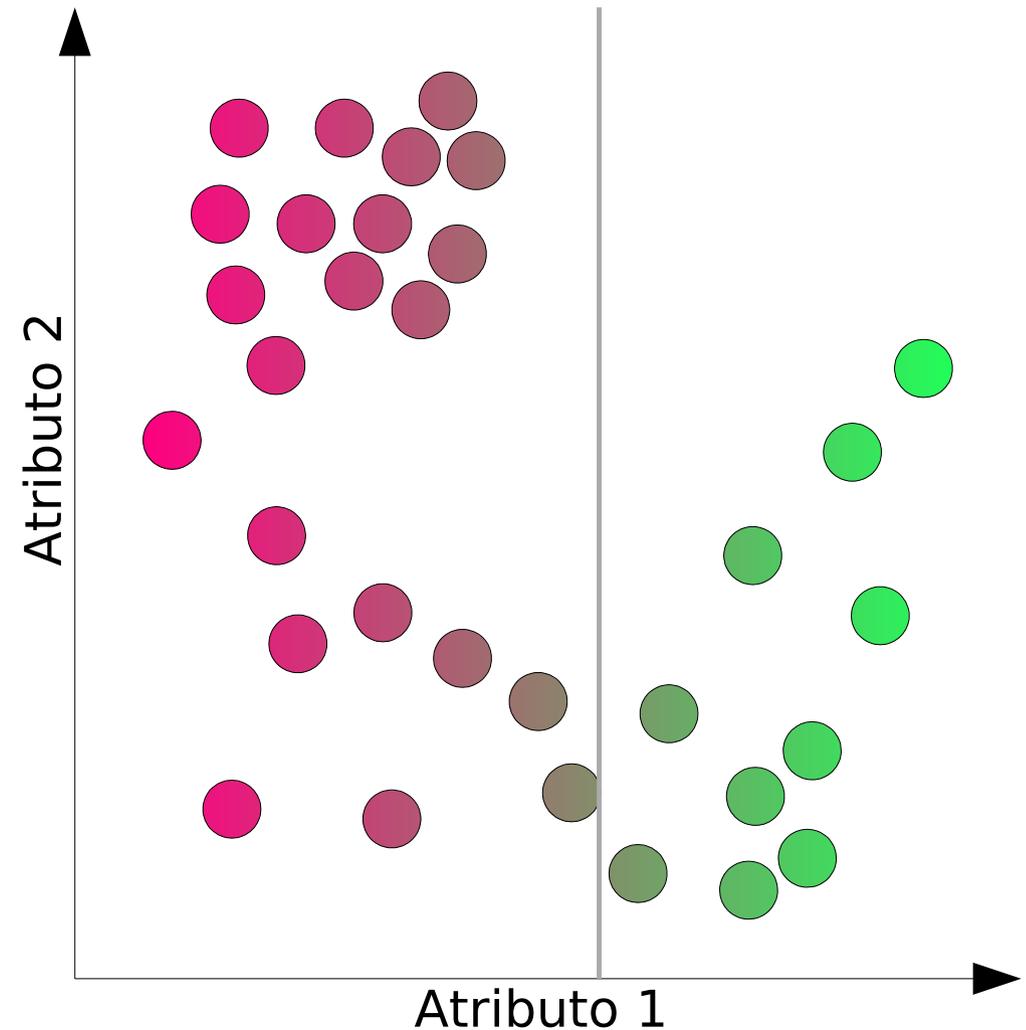
- Problemas:
  - Múltiplas iterações considerando todos os dados: problemas de performance.
  - Inicialização: como escolher centróides iniciais (impacto na convergência).
  - Converge para um mínimo local.
  - Singularidades: grupos sem instâncias relacionadas.
    - Não podemos calcular seus centróides.
  - Escolha de  $K$ ?
    - Existe um  $K'$  melhor do que o  $K$ ?

- K-Médias mais heurísticas: nada de pequenos grupos, quebraremos grupos com grande variância.
- Mais complexo, demorado do que simples K-Médias.
- Mais parâmetros devem ser especificados, mas por se tratar de uma heurística, estes parâmetros podem ser aproximados.
- Descrição no livro do Carl Looney: 12 passos em 3 páginas.

- Consideremos pertinência a classe ou grupo...



- ... não precisa ser estritamente booleana!
  - Cada instância pode pertencer a mais de uma categoria com pertinências *entre* 0 e 1.



- ... não precisa ser estritamente booleana!
  - Cada instância pode pertencer a mais de uma categoria com pertinências *entre* 0 e 1.
  
- Exemplo:

| <b>Instância</b> | <b>Classe A</b> | <b>Classe B</b> | <b>Classe C</b> | <b>Classe D</b> |
|------------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1                | 0.31            | 0.19            | 0.50            | 0.00            |
| 2                | 0.08            | 0.01            | 0.74            | 0.17            |
| 3                | 0.25            | 0.24            | 0.26            | 0.25            |
| 4                | 0.99            | 0.00            | 0.00            | 0.01            |
| 5                | 0.50            | 0.50            | 0.00            | 0.00            |

- Similar ao K-Médias, com mesmas características gerais.
- Cria uma *tabela de pertinência* de cada instância em cada grupo.
  - Tabela provê informações interessantes!

| <b>Instância</b> | <b>Classe A</b> | <b>Classe B</b> | <b>Classe C</b> | <b>Classe D</b> |
|------------------|-----------------|-----------------|-----------------|-----------------|
| 1                | 0.31            | 0.19            | 0.50            | 0.00            |
| 2                | 0.08            | 0.01            | 0.74            | 0.17            |
| 3                | 0.25            | 0.24            | 0.26            | 0.25            |
| 4                | 0.99            | 0.00            | 0.00            | 0.01            |
| 5                | 0.50            | 0.50            | 0.00            | 0.00            |

1. Inicializamos a tabela de pertinência.

2. Calculamos os centróides a partir das pertinências com

$$v_i = \frac{\sum_{k=1}^n \mu_{ik}^m x_{ik}}{\sum_{k=1}^n \mu_{ik}^m}$$

3. Calculamos a tabela de pertinências a partir dos centróides valores das instâncias com

$$\mu_{ik} = \frac{\left[ \frac{1}{|x_k - v_i|^2} \right]^{1/(m-1)}}{\sum_{j=1}^c \left[ \frac{1}{|x_k - v_j|^2} \right]^{1/(m-1)}}$$

4. Recalculamos a função objetivo

$$J = \sum_{k=1}^n \sum_{i=1}^c \mu_{ik}^m |x_k - v_i|^2$$

5. Verificamos condições de parada e repetimos a partir do passo 2.

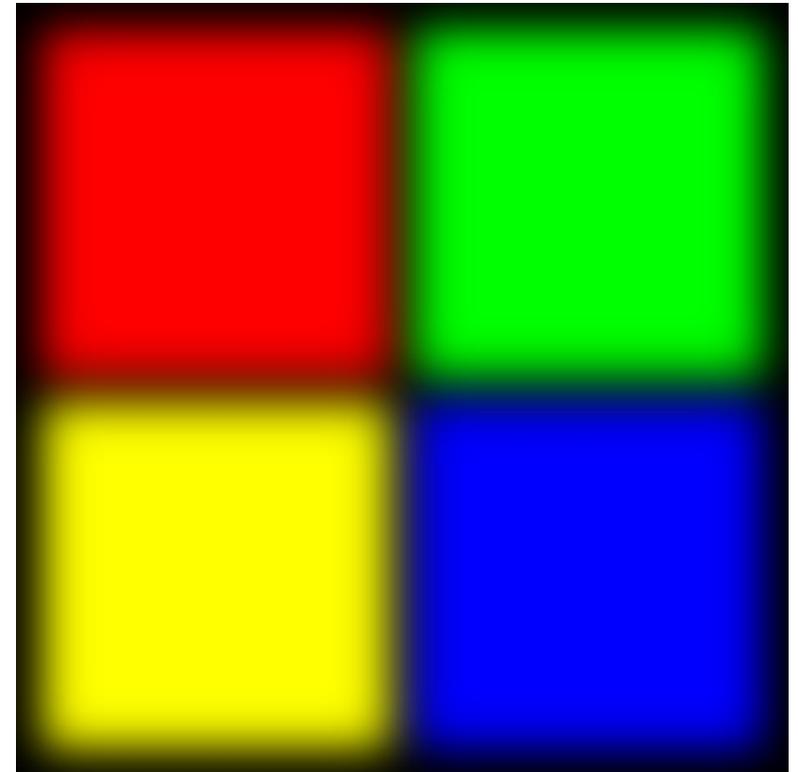
- Exemplo com  $C=6$  e imagem Ikonos.



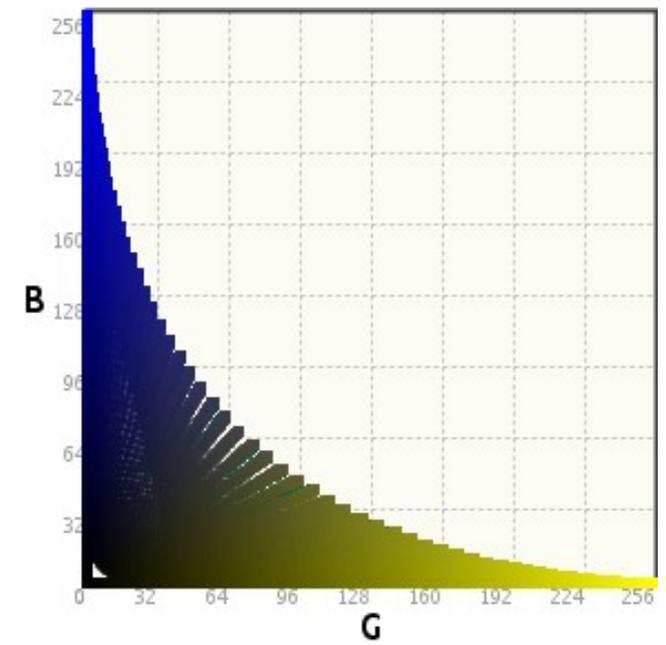
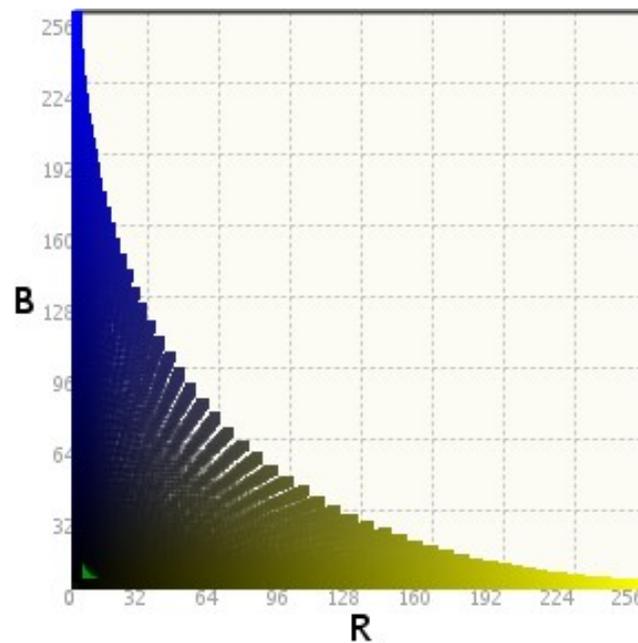
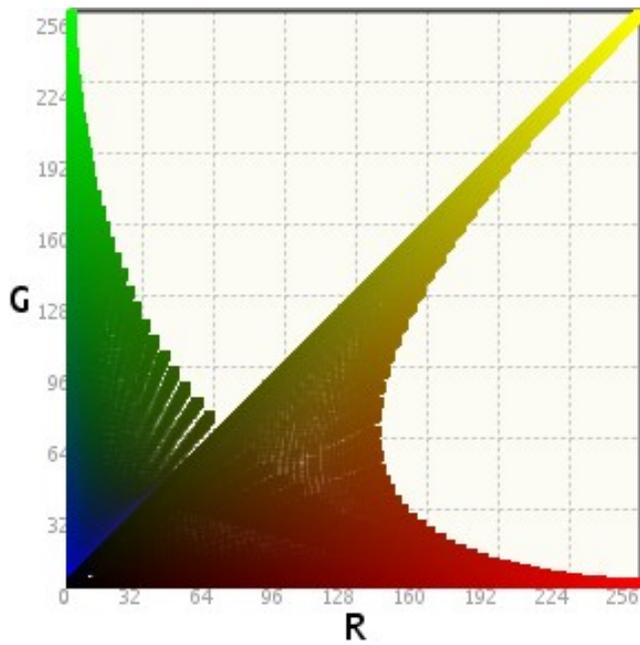
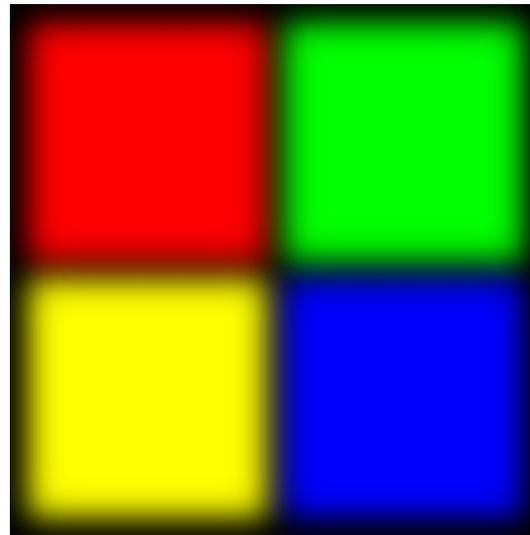
# Qual valor de C?

| Clusters | Partition Coefficient | Partition Entropy | Compactness and Separation |
|----------|-----------------------|-------------------|----------------------------|
| 2        | 0.677813              | 0.487545          | 0.185556                   |
| 3        | 0.693175              | 0.550510          | 0.082218                   |
| 4        | 0.776866              | 0.456778          | 0.029484                   |
| 5        | 0.814956              | 0.398648          | 0.014663                   |
| 6        | 0.785108              | 0.466327          | 0.190570                   |
| 7        | 0.774956              | 0.502596          | 0.103595                   |
| 8        | 0.780768              | 0.506613          | 0.046404                   |
| 9        | 0.784015              | 0.508109          | 0.032702                   |

Best number of clusters:  
 according to Partition Coefficient:5  
 according to Partition Entropy:5  
 according to Compactness and Separation:5



# Qual valor de C?



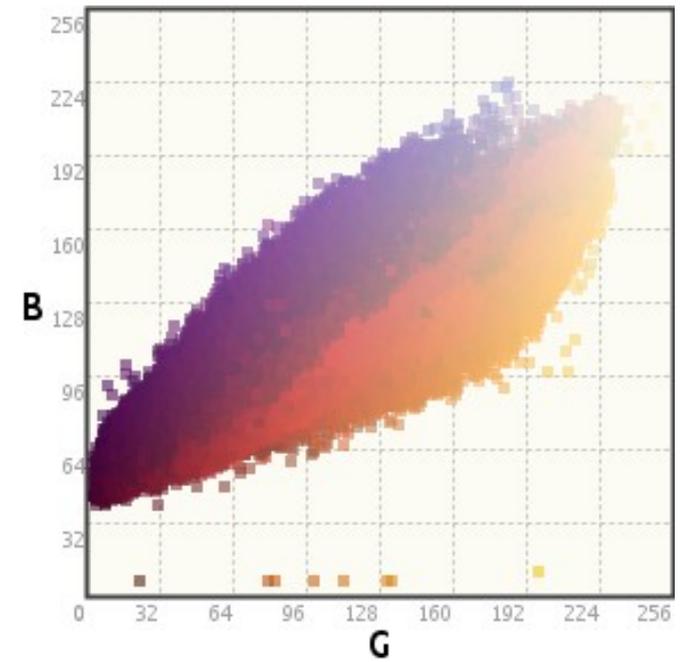
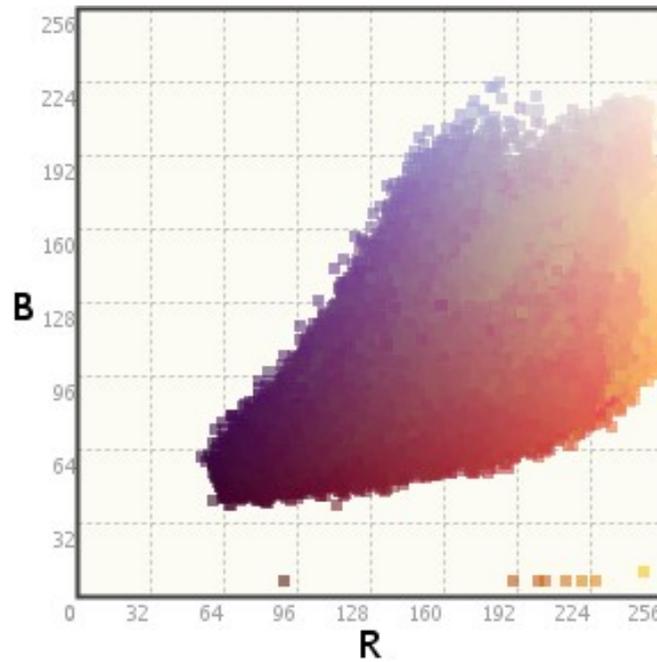
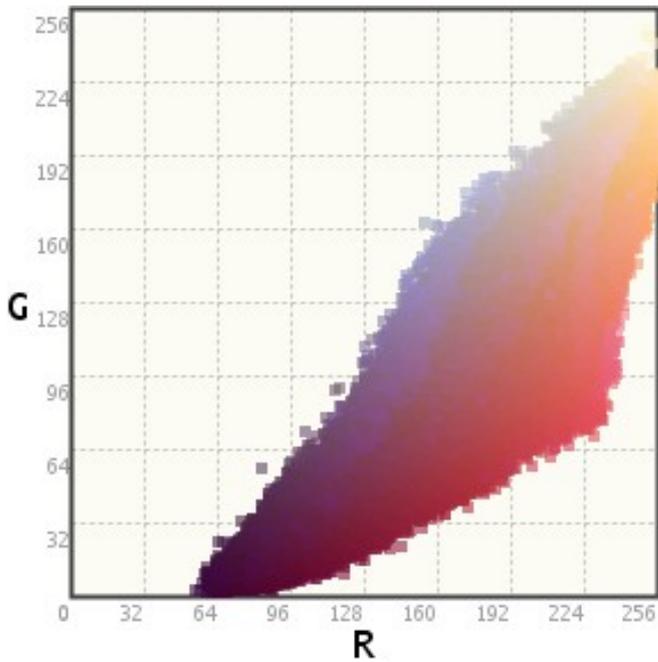
# Qual valor de C?

| Clusters | Partition Coefficient | Partition Entropy | Compactness and Separation |
|----------|-----------------------|-------------------|----------------------------|
| 2        | 0.809582              | 0.315675          | 0.038657                   |
| 3        | 0.727024              | 0.489138          | 0.055242                   |
| 4        | 0.704106              | 0.570761          | 0.088028                   |
| 5        | 0.659179              | 0.683212          | 0.299256                   |
| 6        | 0.607616              | 0.807902          | 0.365119                   |
| 7        | 0.574450              | 0.900263          | 1.063374                   |
| 8        | 0.550291              | 0.980936          | 1.300172                   |
| 9        | 0.516148              | 1.062658          | 1.442328                   |

Best number of clusters:  
 according to Partition Coefficient:2  
 according to Partition Entropy:2  
 according to Compactness and Separation:2

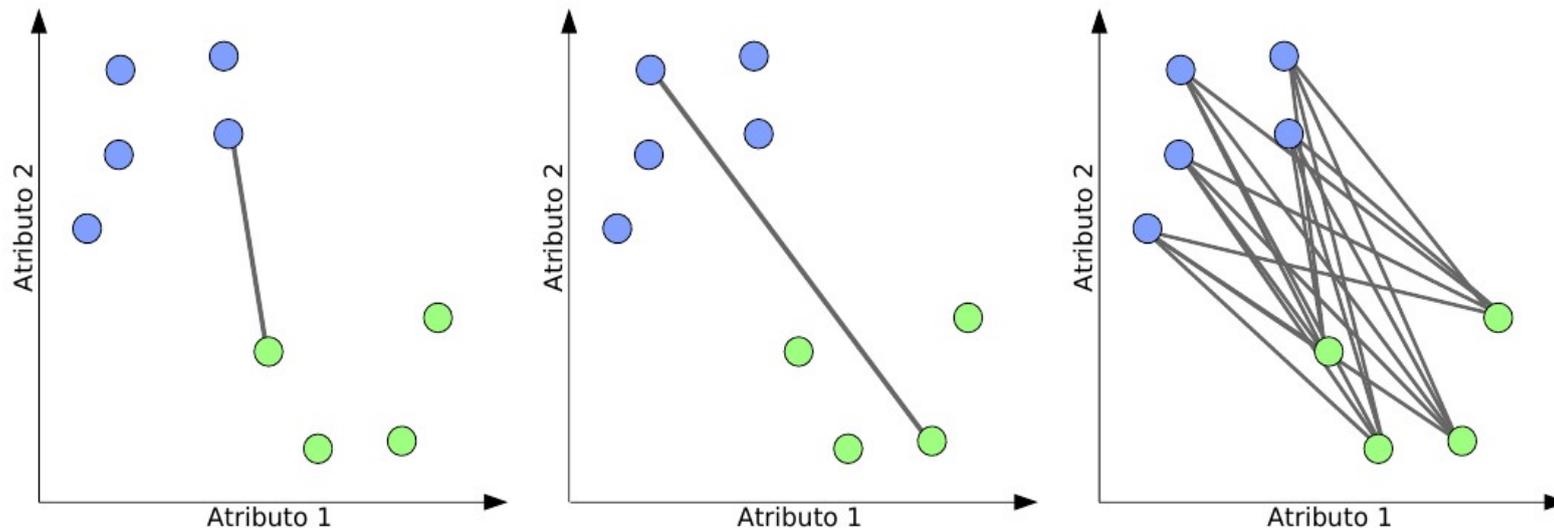


# Qual valor de C?

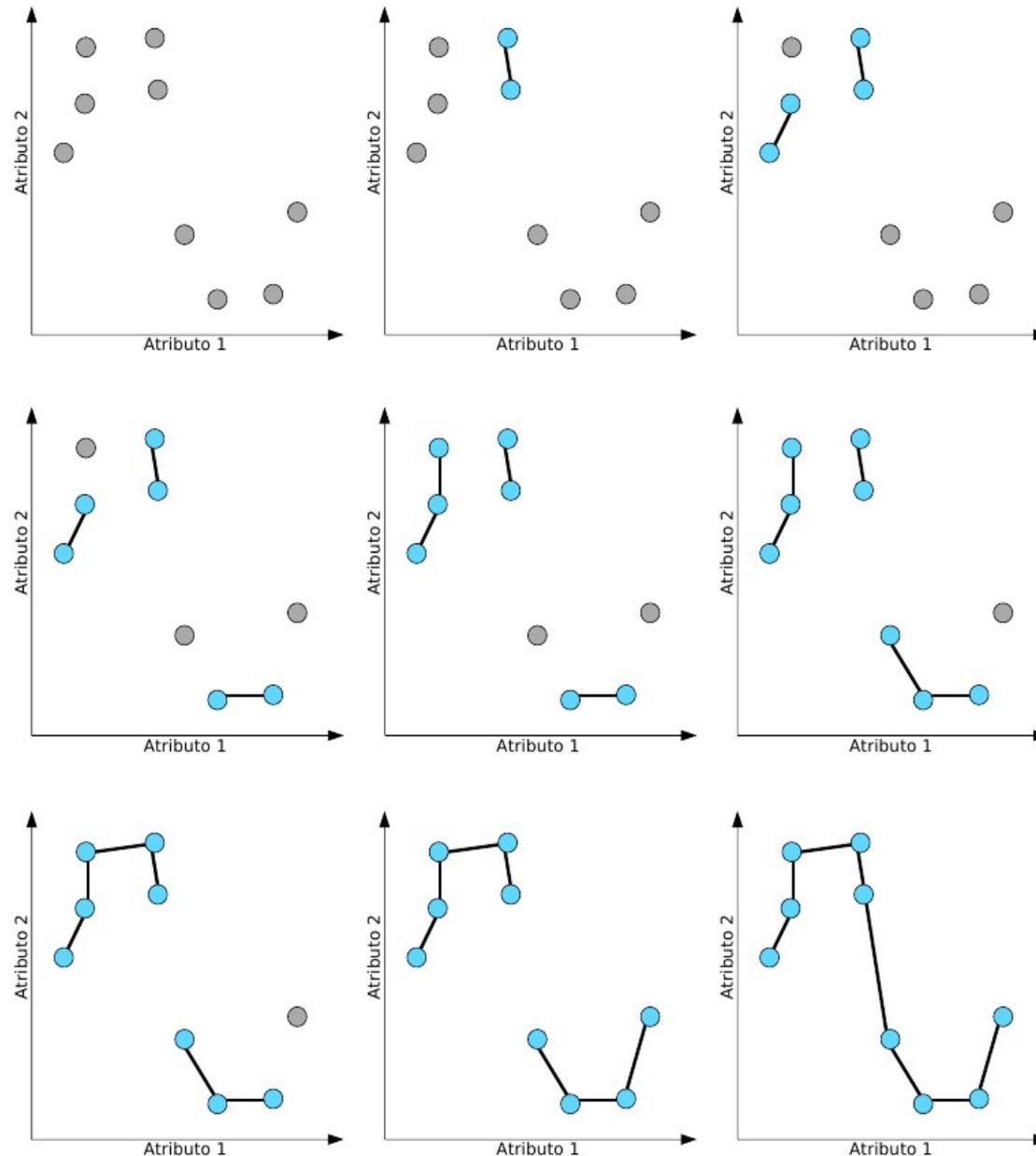


- *Bottom-up*:

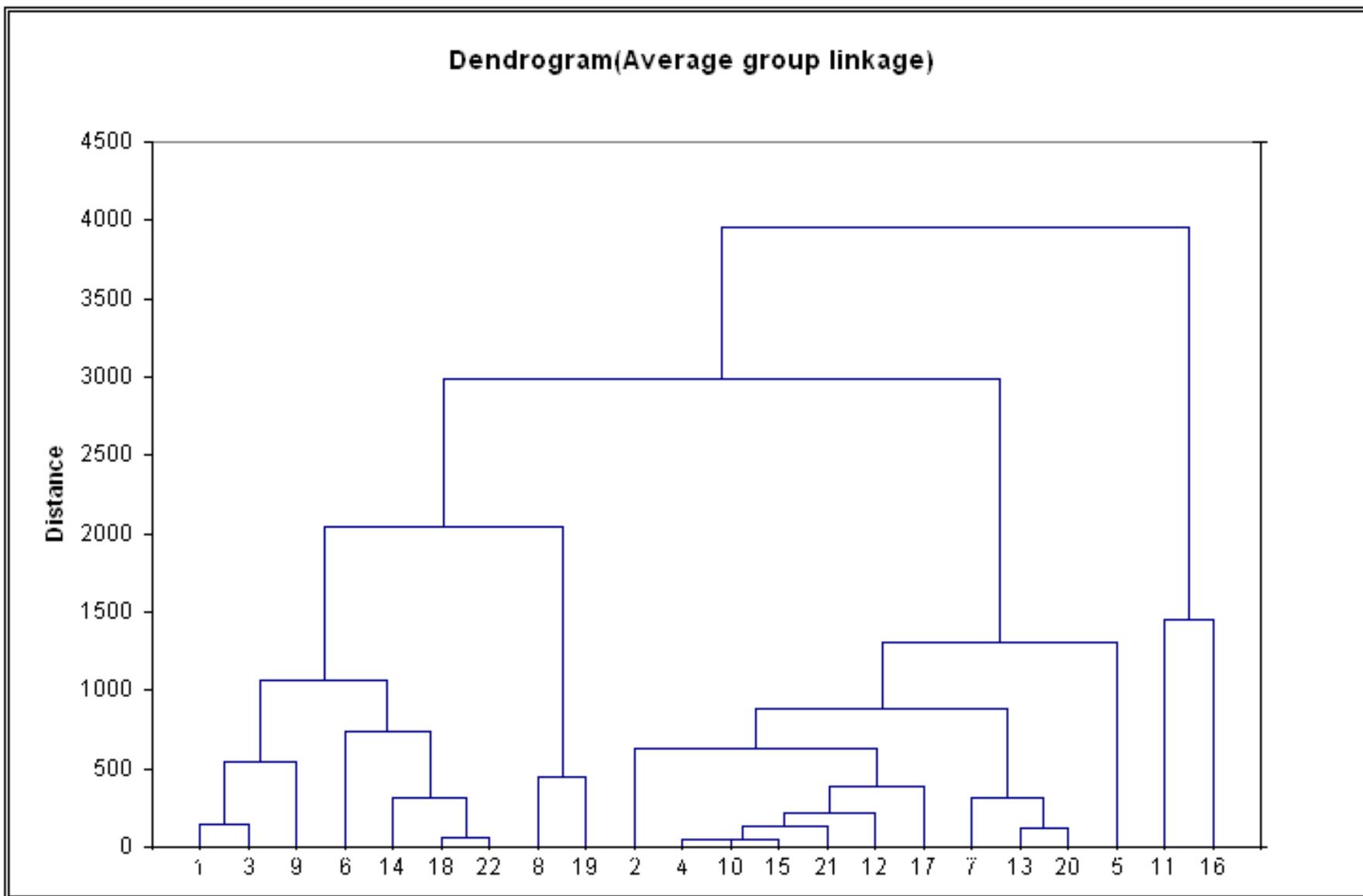
1. Considere todas as instâncias como grupos (centros são os valores da própria instância).
2. Crie uma matriz de distâncias que indique a distância de cada grupo a cada outro grupo.
3. Localize, nesta matriz, os dois grupos com menor **distância** entre eles, e efetue a união destes grupos.
4. Se ainda houver dois ou mais grupos, volte ao passo 2.



# Agrupamento Hierárquico: Simulação

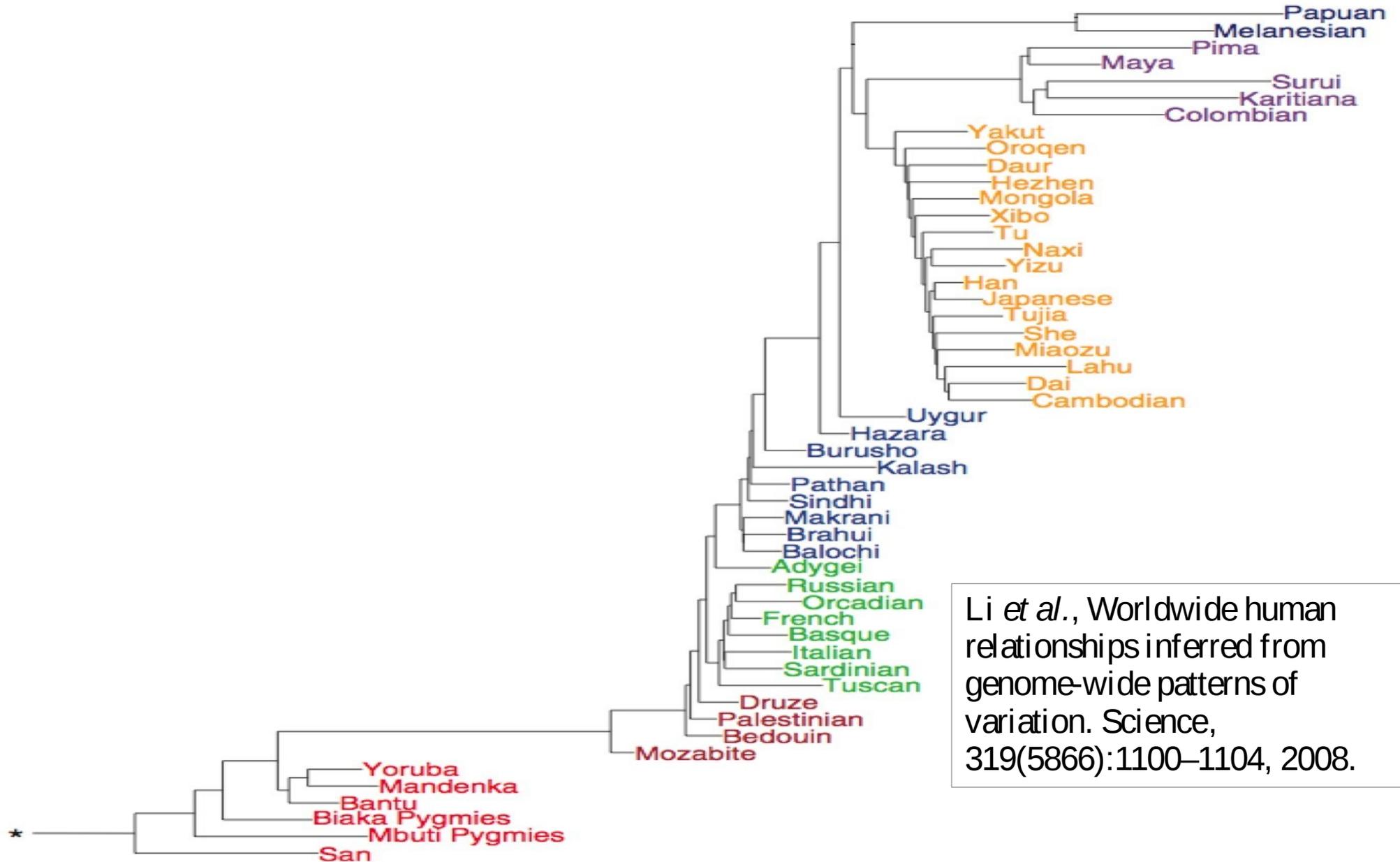


# Agrupamento Hierárquico: Dendograma



Fonte: XLMiner <http://www.resample.com/xlminer/>

# Agrupamento Hierárquico: Dendograma

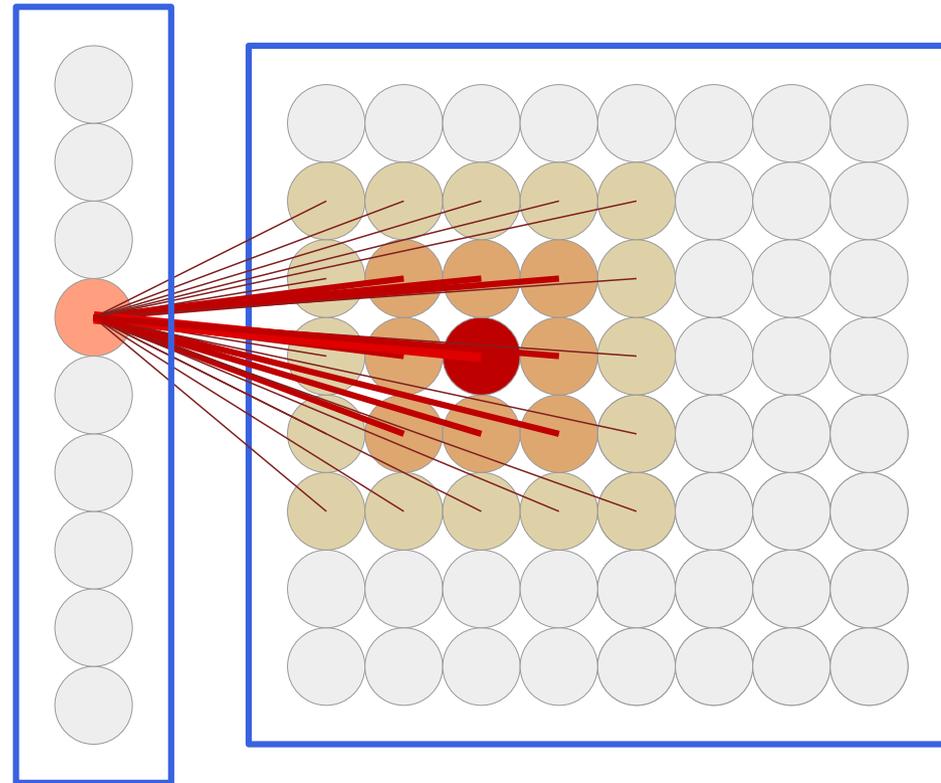


Li *et al.*, Worldwide human relationships inferred from genome-wide patterns of variation. *Science*, 319(5866):1100–1104, 2008.

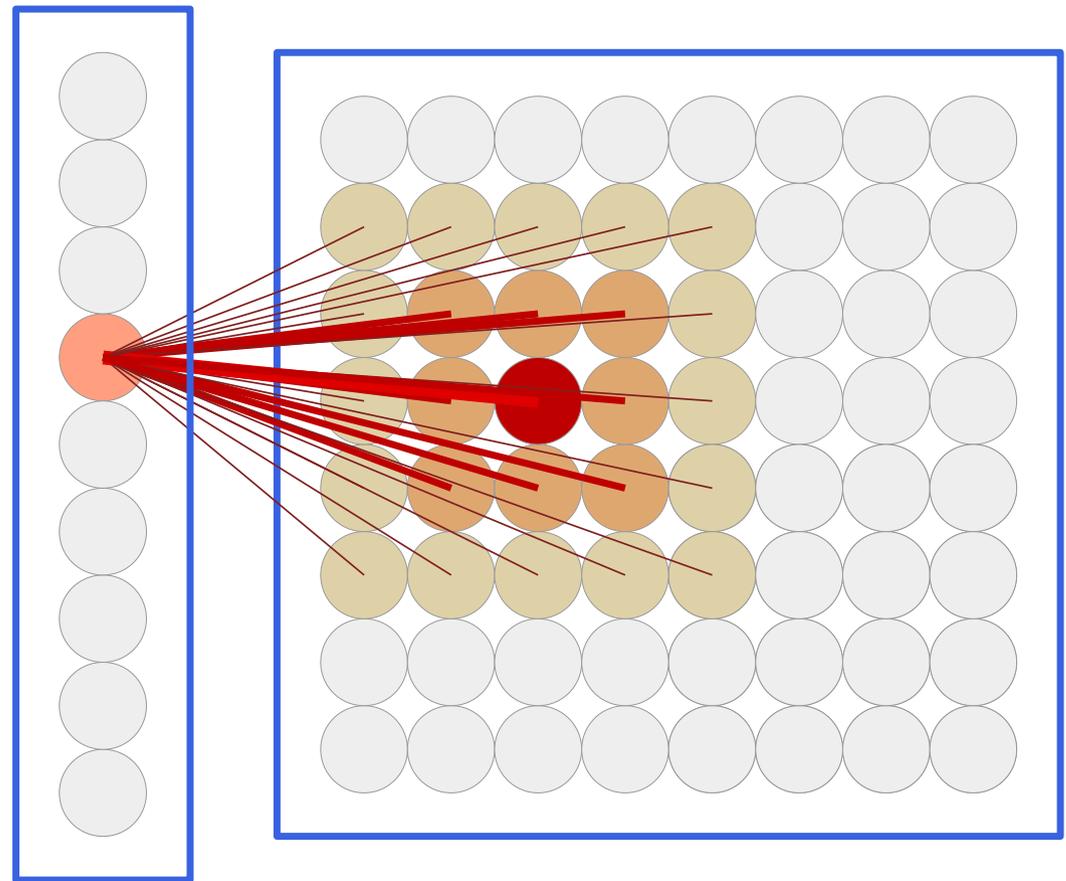
- Vantagens:
  - Número de agrupamentos pode ser determinado experimentalmente ou de forma exploratória.
  - Análise do resultado usando dendograma, que indica a estrutura hierárquica dos agrupamentos.
  - Resultado independe da ordem de apresentação dos dados.
- Problemas:
  - Matriz de distância pode consumir muita memória e seu recálculo é custoso.
  - Nem todos os elementos precisam ser recalculados.
  - Somente diagonal da matriz precisa ser armazenada.
  - O de sempre: como calcular distância não-numérica?

- Também conhecidos como redes de Kohonen.
- Mapeiam vetores em N dimensões para 2 ou 3 dimensões, preservando topologia.
- Por extensão, usados para fazer agrupamento e classificação em fase posterior.
- Usados também para redução de dimensionalidade com manutenção de topologia.

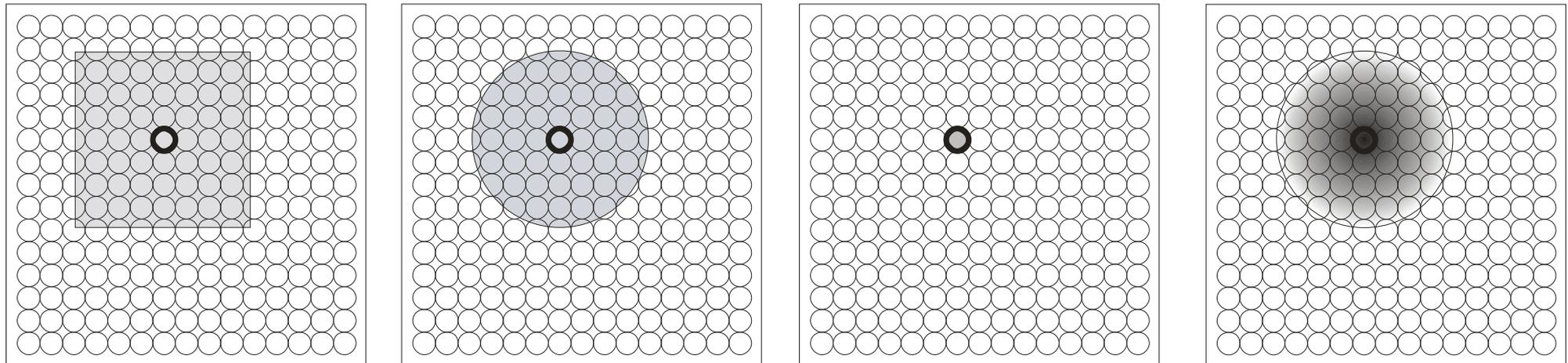
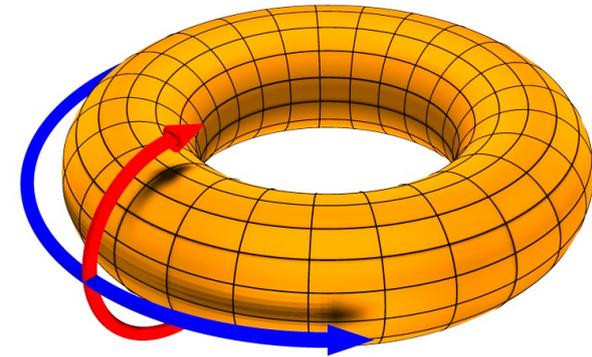
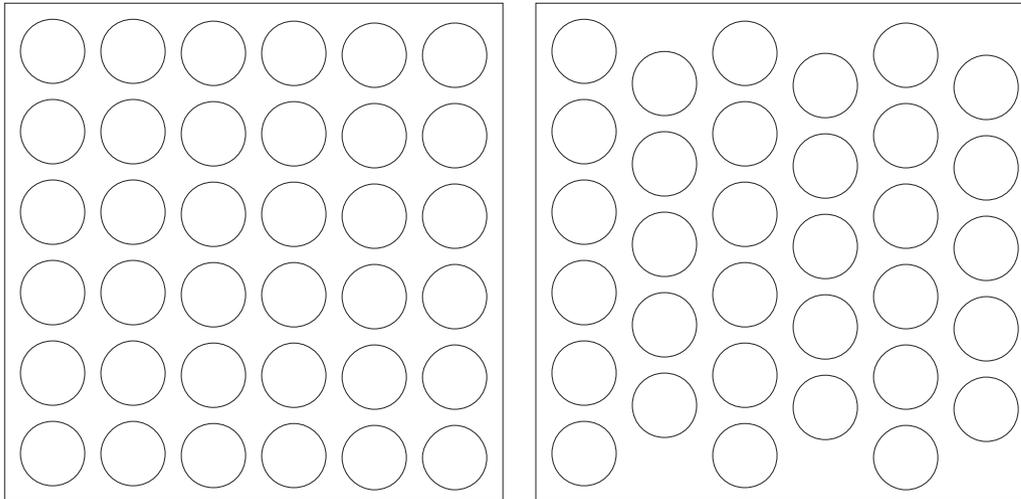
- Uma camada de entrada, contendo os dados que serão usados para treinamento.
- Uma camada de neurônios para mapeamento.
- Cada neurônio é um vetor com as mesmas dimensões da entrada.



- Entrada: Vetores de dados, rede (considerar arquitetura), parâmetros de treinamento.
- Saída: rede treinada, neurônios se assemelham a vetores apresentados.



- Topologia e vizinhança



1. Inicializar vetores da rede (neurônios) com valores aleatórios.
2. Escolher uma amostra (vetor) de dados.
3. Encontrar o neurônio mais semelhante:  
Aquele cuja distância no espaço de atributos seja a menor para o vetor de dados = o “mais parecido” ou vencedor (*Best Matching Unit*).
4. Atualizar os valores do neurônio vencedor e de seus vizinhos para que fiquem mais similares aos do vetor de entrada.

$$W_{t-1} \leftarrow W_t + \frac{L_t R_t}{|W_t - D|}$$

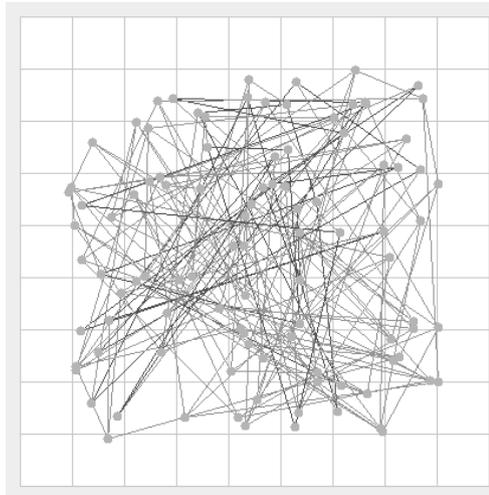
5. Verificar critérios de parada, retornar ao passo 2 se for o caso, atualizar valores para treinamento.

- Taxa de aprendizado (*learning rate*  $L$ ):
  - Valor multiplicador que indica o quanto os valores de um neurônio serão aproximados do dado de entrada.
  - Deve decrescer à medida em que a rede é treinada até um valor mínimo.
- Raio da vizinhança ( $R$ ).
  - Limiar/valor que indica se um neurônio próximo ao vencedor será considerado vizinho do mesmo.
  - Deve decrescer à medida em que a rede é treinada até um valor mínimo.
  - Aplicável somente à algumas vizinhanças.

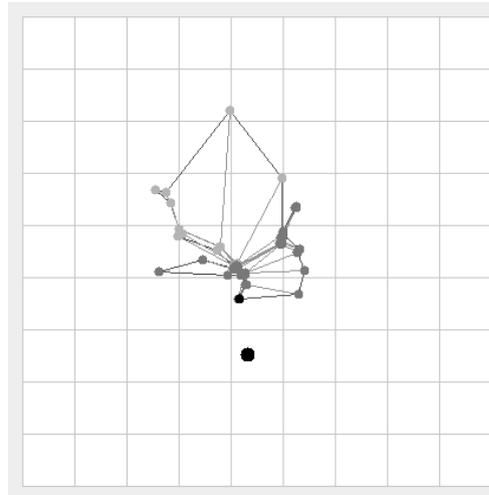
# Self-Organizing Maps (SOMs): Exemplos



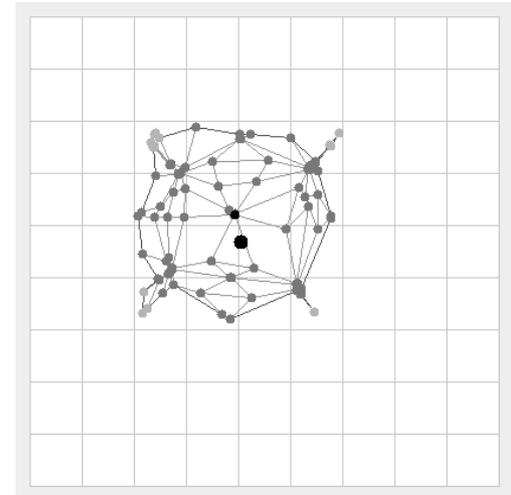
Dados Originais



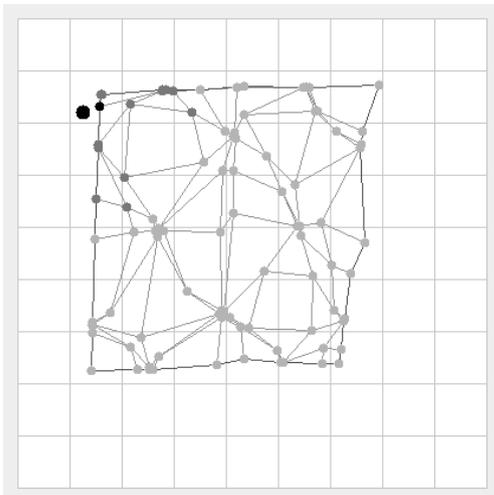
0 iterações



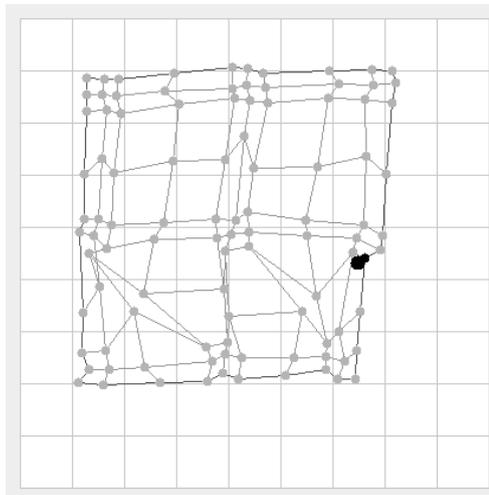
50000 iterações



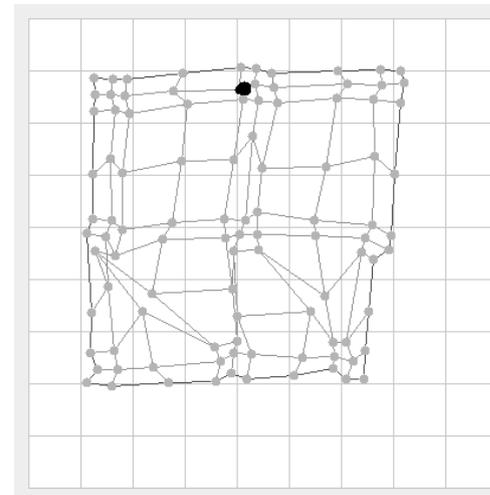
100000 iterações



200000 iterações



300000 iterações

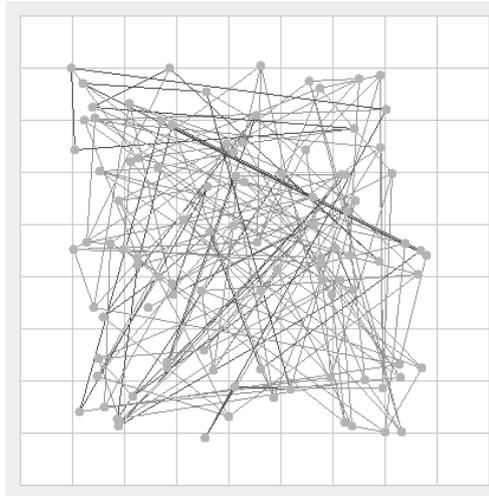


400000 iterações

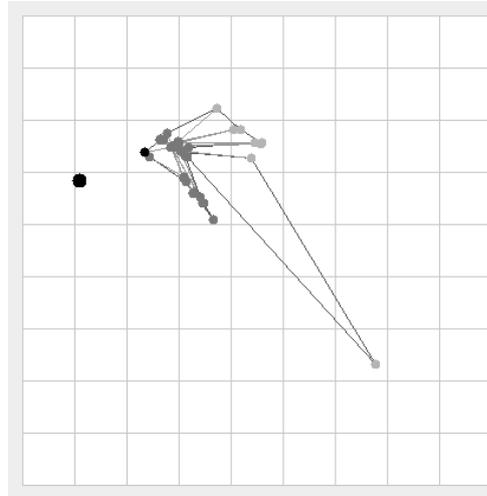
# Self-Organizing Maps (SOMs): Exemplos



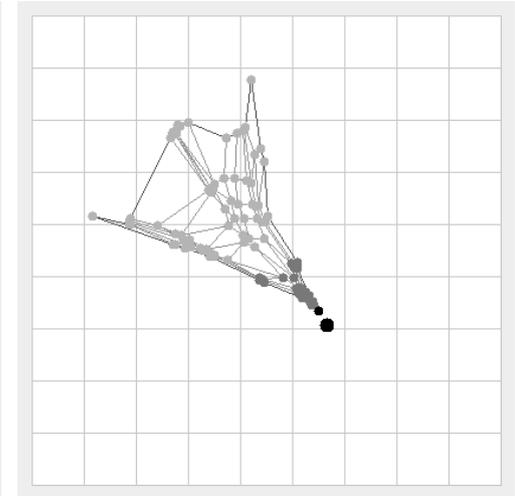
Dados Originais



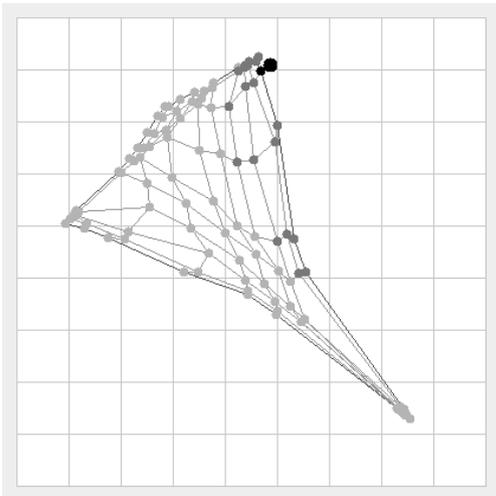
0 iterações



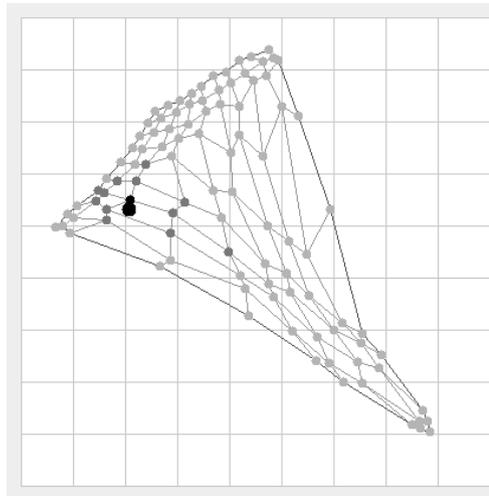
50000 iterações



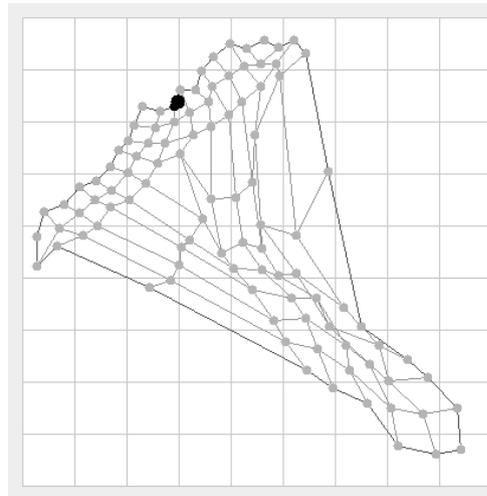
100000 iterações



150000 iterações

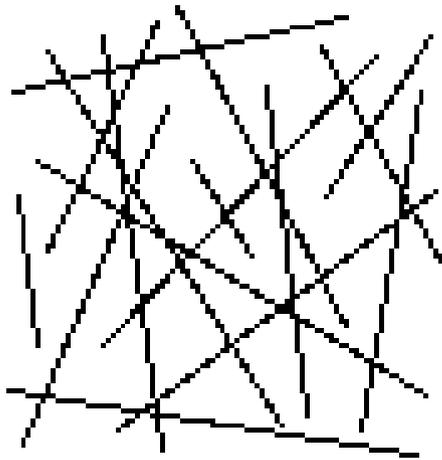


200000 iterações

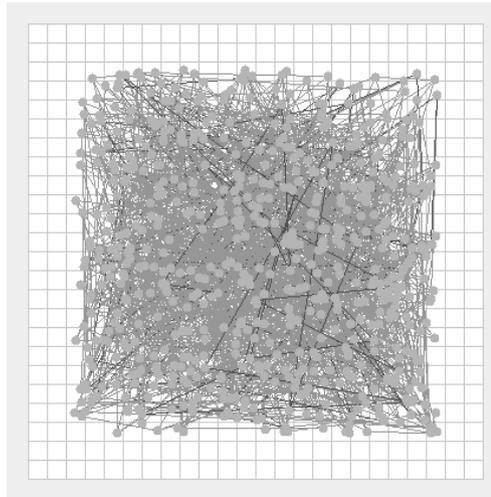


300000 iterações

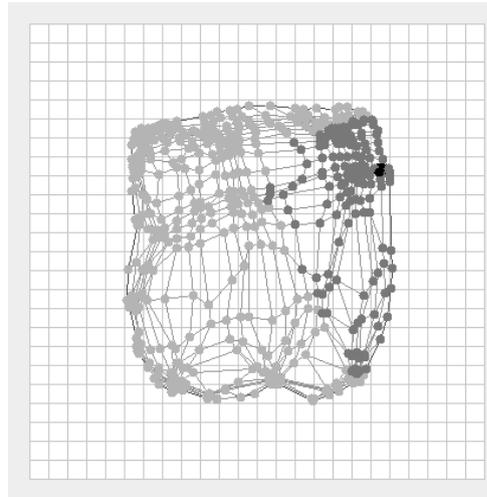
# Self-Organizing Maps (SOMs): Exemplos



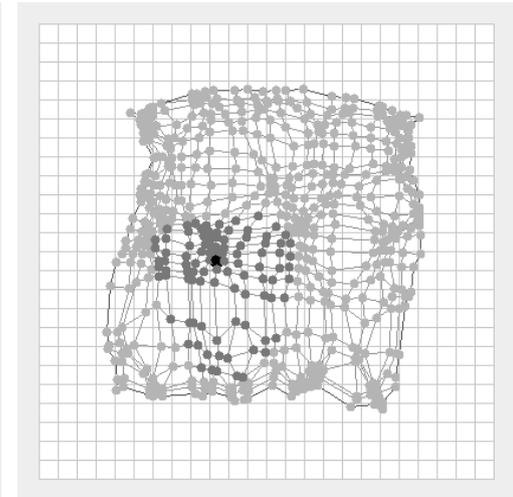
Dados Originais



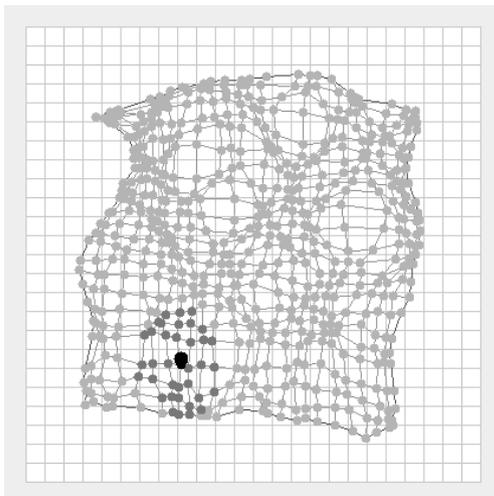
0 iterações  
(25x25)



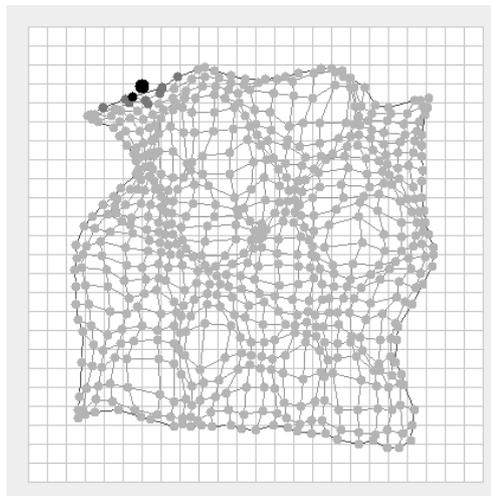
50000 iterações



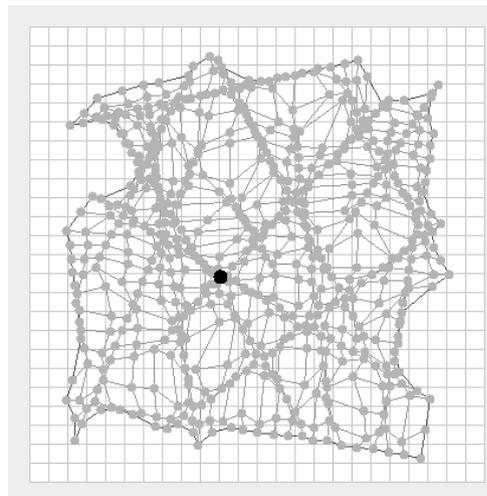
100000 iterações



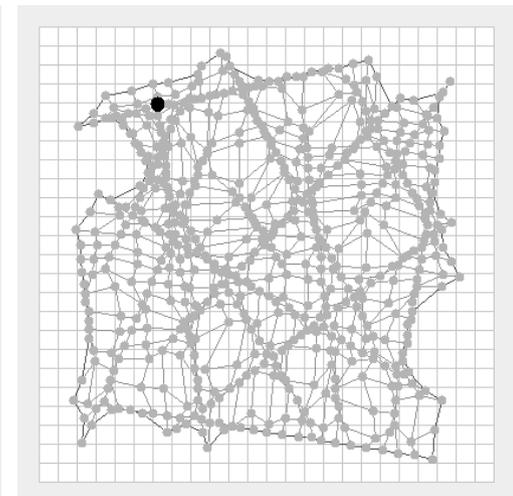
150000 iterações



200000 iterações



300000 iterações



400000 iterações

# Regras de Associação

- Regras sobre relações e co-ocorrências em bases de dados:
- Se  $X$  ocorre na base de dados, então  $Y$  também ocorre (com alguma relação a  $X$ ).
- Co-ocorrência: se  $X$ ,  $Y$  e  $Z$  ocorrerem na base de dados então  $A$  também ocorre (com alguma relação a  $X$ ,  $Y$  e  $Z$ ).
  - $X$ ,  $Y$  e  $Z$  são os antecedentes da associação;  $A$  é o conseqüente.
  - Ocorrências consideradas em escopo limitado: não queremos dizer que se  $X$  ocorre em qualquer “local” da base de dados,  $Y$  também ocorrerá em qualquer “local”.
- Muito usado para verificar associações em tabelas de transações (“carrinhos de compra”)

- Exemplo simples:

| <b>Transação</b> | <b>Itens</b>                                 |
|------------------|--|
| 1                | leite, ovos, café, açúcar, fraldas, manteiga |
| 2                | leite, café, farinha                         |
| 3                | leite, ovos, açúcar                          |
| 4                | café, açúcar                                 |
| 5                | fraldas                                      |
| 6                | manteiga, ovos, leite                        |
| 7                | café, açúcar, leite, ovos                    |
| 8                | farinha, manteiga, ovos                      |
| 9                | manteiga, ovos, leite, café, açúcar          |
| 10               | fraldas, café, cerveja                       |

- Conclusões simples sobre a base de dados da tabela:
  - Quem compra leite quase sempre compra ovos.
    - Como definir “quase sempre”? Quantas vezes isso ocorre na base de dados?
  - Quem compra ovos e açúcar sempre compra leite.
    - Mas quantas compras contém ovos e açúcar? O que causa a compra de leite?
  - Quem compra cerveja sempre compra fraldas.
    - Quantas vezes isso ocorre na base de dados?  
Isso é relevante?

| Transação | Itens  |
|-----------|--|
| 1         | leite, ovos, café, açúcar, fraldas, manteiga |
| 2         | leite, café, farinha                         |
| 3         | leite, ovos, açúcar                          |
| 4         | café, açúcar                                 |
| 5         | fraldas                                      |
| 6         | manteiga, ovos, leite                        |
| 7         | café, açúcar, leite, ovos                    |
| 8         | farinha, manteiga, ovos                      |
| 9         | manteiga, ovos, leite, café, açúcar          |
| 10        | fraldas, café, cerveja                       |

- Muitos que compram café também compram açúcar.
- Ninguém compra só leite.
  - Muitas outras associações negativas existem: quem compra fraldas não compra farinha, quem compra farinha não compra cerveja.
- Quais associações negativas são significativas?

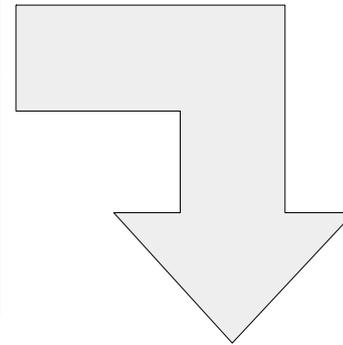
| Transação | Itens  |
|-----------|--|
| 1         | leite, ovos, café, açúcar, fraldas, manteiga |
| 2         | leite, café, farinha                         |
| 3         | leite, ovos, açúcar                          |
| 4         | café, açúcar                                 |
| 5         | fraldas                                      |
| 6         | manteiga, ovos, leite                        |
| 7         | café, açúcar, leite, ovos                    |
| 8         | farinha, manteiga, ovos                      |
| 9         | manteiga, ovos, leite, café, açúcar          |
| 10        | fraldas, café, cerveja                       |

- Métricas:
- Significância em uma associação: ela pode existir mas ser muito rara em uma base de dados (ex. cerveja  $\rightarrow$  fraldas).
  - **Suporte  $X \rightarrow Y$** : número de casos que contém  $X$  e  $Y$  dividido pelo número total de registros.
- Confiança em uma associação: o antecedente pode ocorrer várias vezes na base de dados mas nem sempre com o mesmo conseqüente associado.
  - **Confiança  $X \rightarrow Y$** : número de registros que contém  $X$  e  $Y$  dividido pelo número de registros que contém  $X$ .

- Algoritmo Apriori:
  1. Entrada: coleção de dados associados, suporte mínimo, confiança mínima.
  2. Considerar  $K = 1$  para criação de  $K$ -itemsets
  3. Analisar os dados associados e criar uma tabela de  $K$ -itemsets com suporte acima do suporte mínimo.
  4. Criar com os *itemsets* filtrados um conjunto de candidatos a  $(K + 1)$  *itemsets*.
  5. Usar propriedades do Apriori para eliminar *itemsets* infreqüentes.
  6. Repetir desde o passo 3 até que o conjunto gerado seja vazio.
  7. Listar regras de associação (com permutações) e aplicar limite de confiança.

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | Itens  |
|-----------|--|
| 1         | leite, ovos, café, açúcar, fraldas, manteiga |
| 2         | leite, café, farinha                         |
| 3         | leite, ovos, açúcar                          |
| 4         | café, açúcar                                 |
| 5         | fraldas                                      |
| 6         | manteiga, ovos, leite                        |
| 7         | café, açúcar, leite, ovos                    |
| 8         | farinha, manteiga, ovos                      |
| 9         | manteiga, ovos, leite, café, açúcar          |
| 10        | fraldas, café, cerveja                       |

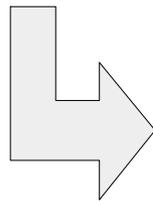


| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |

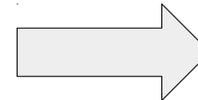
# Regras de Associação

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |



| 1-itemsets | Suporte |
|------------|---------|
| leite      | 60%     |
| ovos       | 60%     |
| café       | 60%     |
| açúcar     | 50%     |
| fraldas    | 30%     |
| manteiga   | 40%     |
| farinha    | 20%     |
| cerveja    | 10%     |



| 2-itemsets         | Suporte |
|--------------------|---------|
| [leite,ovos]       | 50%     |
| [leite,café]       | 40%     |
| [leite,açúcar]     | 40%     |
| [leite,fraldas]    | 10%     |
| [leite,manteiga]   | 30%     |
| [ovos,café]        | 30%     |
| [ovos,açúcar]      | 40%     |
| [ovos,fraldas]     | 10%     |
| [ovos,manteiga]    | 40%     |
| [café,açúcar]      | 40%     |
| [café,fraldas]     | 20%     |
| [café,manteiga]    | 20%     |
| [açúcar,fraldas]   | 10%     |
| [açúcar,manteiga]  | 20%     |
| [fraldas,manteiga] | 10%     |

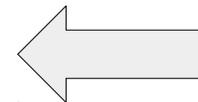
# Regras de Associação



- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |

| <i>3-itemsets</i>       | Suporte |
|-------------------------|---------|
| [leite,ovos,café]       | 30%     |
| [leite,ovos,açúcar]     | 40%     |
| [leite,ovos,manteiga]   | 30%     |
| [leite,café,açúcar]     | 30%     |
| [leite,café,manteiga]   | 20%     |
| [leite,açúcar,manteiga] | 20%     |
| [ovos,café,açúcar]      | 30%     |
| [ovos,café,manteiga]    | 20%     |
| [ovos,açúcar,manteiga]  | 20%     |
| [café,açúcar,manteiga]  | 20%     |



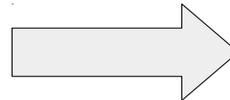
| <i>2-itemsets</i>  | Suporte |
|--------------------|---------|
| [leite,ovos]       | 50%     |
| [leite,café]       | 40%     |
| [leite,açúcar]     | 40%     |
| [leite,fraldas]    | 10%     |
| [leite,manteiga]   | 30%     |
| [ovos,café]        | 30%     |
| [ovos,açúcar]      | 40%     |
| [ovos,fraldas]     | 10%     |
| [ovos,manteiga]    | 40%     |
| [café,açúcar]      | 40%     |
| [café,fraldas]     | 20%     |
| [café,manteiga]    | 20%     |
| [açúcar,fraldas]   | 10%     |
| [açúcar,manteiga]  | 20%     |
| [fraldas,manteiga] | 10%     |

# Regras de Associação

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |

| <b>3-itemsets</b>            | <b>Suporte</b> |
|------------------------------|----------------|
| <b>[leite,ovos,café]</b>     | 30%            |
| <b>[leite,ovos,açúcar]</b>   | 40%            |
| <b>[leite,ovos,manteiga]</b> | 30%            |
| <b>[leite,café,açúcar]</b>   | 30%            |
| [leite,café,manteiga]        | 20%            |
| [leite,açúcar,manteiga]      | 20%            |
| <b>[ovos,café,açúcar]</b>    | 30%            |
| [ovos,café,manteiga]         | 20%            |
| [ovos,açúcar,manteiga]       | 20%            |
| [café,açúcar,manteiga]       | 20%            |



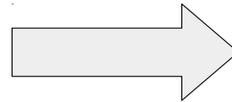
| <b>4-itemsets</b>               | <b>Suporte</b> |
|---------------------------------|----------------|
| <b>[leite,ovos,café,açúcar]</b> | 30%            |
| [leite,ovos,café,manteiga]      | 20%            |
| [leite,ovos,açúcar,manteiga]    | 20%            |
| [leite,café,açúcar,manteiga]    | 20%            |
| [ovos,café,açúcar,manteiga]     | 20%            |

# Regras de Associação

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |

| 2-itemsets         | Suporte |
|--------------------|---------|
| [leite,ovos]       | 50%     |
| [leite,café]       | 40%     |
| [leite,açúcar]     | 40%     |
| [leite,fraldas]    | 10%     |
| [leite,manteiga]   | 30%     |
| [ovos,café]        | 30%     |
| [ovos,açúcar]      | 40%     |
| [ovos,fraldas]     | 10%     |
| [ovos,manteiga]    | 40%     |
| [café,açúcar]      | 40%     |
| [café,fraldas]     | 20%     |
| [café,manteiga]    | 20%     |
| [açúcar,fraldas]   | 10%     |
| [açúcar,manteiga]  | 20%     |
| [fraldas,manteiga] | 10%     |

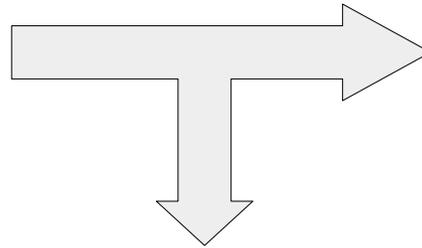


| Regra              | Suporte | Confiança |
|--------------------|---------|-----------|
| [ovos → leite]     | 50%     | 83%       |
| [leite → ovos]     | 50%     | 83%       |
| [café → leite]     | 40%     | 66%       |
| [leite → café]     | 40%     | 66%       |
| [açúcar → leite]   | 40%     | 80%       |
| [leite → açúcar]   | 40%     | 66%       |
| [manteiga → leite] | 30%     | 75%       |
| [leite → manteiga] | 30%     | 50%       |
| [café → ovos]      | 30%     | 50%       |
| [ovos → café]      | 30%     | 50%       |
| [açúcar → ovos]    | 40%     | 80%       |
| [ovos → açúcar]    | 40%     | 66%       |
| [manteiga → ovos]  | 40%     | 100%      |
| [ovos → manteiga]  | 40%     | 66%       |
| [açúcar → café]    | 40%     | 80%       |
| [café → açúcar]    | 40%     | 66%       |

# Regras de Associação

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| 3-itemsets              | Suporte |
|-------------------------|---------|
| [leite,ovos,café]       | 30%     |
| [leite,ovos,açúcar]     | 40%     |
| [leite,ovos,manteiga]   | 30%     |
| [leite,café,açúcar]     | 30%     |
| [leite,café,manteiga]   | 20%     |
| [leite,açúcar,manteiga] | 20%     |
| [ovos,café,açúcar]      | 30%     |
| [ovos,café,manteiga]    | 20%     |
| [ovos,açúcar,manteiga]  | 20%     |
| [café,açúcar,manteiga]  | 20%     |



| Regra                  | Suporte | Confiança |
|------------------------|---------|-----------|
| [café, ovos → leite]   | 30%     | 100%      |
| [ovos, café → leite]   | 30%     | 100%      |
| [ovos, leite → café]   | 30%     | 60%       |
| [café, leite → ovos]   | 30%     | 75%       |
| [leite, café → ovos]   | 30%     | 75%       |
| [leite, ovos → café]   | 30%     | 60%       |
| [açúcar, ovos → leite] | 40%     | 100%      |
| [ovos, açúcar → leite] | 40%     | 100%      |
| [ovos, leite → açúcar] | 40%     | 80%       |
| [açúcar, leite → ovos] | 40%     | 100%      |
| [leite, açúcar → ovos] | 40%     | 100%      |
| [leite, ovos → açúcar] | 40%     | 80%       |

| Regra                    | Suporte | Confiança |
|--------------------------|---------|-----------|
| [manteiga, ovos → leite] | 30%     | 75%       |
| [ovos, manteiga → leite] | 30%     | 75%       |
| [ovos, leite → manteiga] | 30%     | 60%       |
| [manteiga, leite → ovos] | 30%     | 100%      |
| [leite, manteiga → ovos] | 30%     | 100%      |
| [leite, ovos → manteiga] | 30%     | 60%       |
| [açúcar, café → leite]   | 30%     | 75%       |
| [café, açúcar → leite]   | 30%     | 75%       |
| [café, leite → açúcar]   | 30%     | 75%       |
| [açúcar, leite → café]   | 30%     | 75%       |
| [leite, açúcar → café]   | 30%     | 75%       |
| [leite, café → açúcar]   | 30%     | 75%       |
| [açúcar, café → ovos]    | 30%     | 75%       |
| [café, açúcar → ovos]    | 30%     | 75%       |
| [café, ovos → açúcar]    | 30%     | 100%      |
| [açúcar, ovos → café]    | 30%     | 75%       |
| [ovos, açúcar → café]    | 30%     | 75%       |
| [ovos, café → açúcar]    | 30%     | 100%      |

# Regras de Associação

- Simulação do Apriori com suporte mínimo 25% e confiança 75%:

| Transação | leite | ovos | café | açúcar | fraldas | manteiga | farinha | cerveja |
|-----------|-------|------|------|--------|---------|----------|---------|---------|
| 1         | 1     | 1    | 1    | 1      | 1       | 1        | 0       | 0       |
| 2         | 1     | 0    | 1    | 0      | 0       | 0        | 1       | 0       |
| 3         | 1     | 1    | 0    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 4         | 0     | 0    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 5         | 0     | 0    | 0    | 0      | 1       | 0        | 0       | 0       |
| 6         | 1     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 7         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 0        | 0       | 0       |
| 8         | 0     | 1    | 0    | 0      | 0       | 1        | 1       | 0       |
| 9         | 1     | 1    | 1    | 1      | 0       | 1        | 0       | 0       |
| 10        | 0     | 0    | 1    | 0      | 1       | 0        | 0       | 1       |

| Regra                        | Suporte | Confiança |
|------------------------------|---------|-----------|
| [açúcar, café, ovos → leite] | 30%     | 100%      |
| [café, açúcar, ovos → leite] | 30%     | 100%      |
| [café, ovos, açúcar → leite] | 30%     | 100%      |
| [café, ovos, leite → açúcar] | 30%     | 100%      |
| [açúcar, ovos, café → leite] | 30%     | 100%      |
| [ovos, açúcar, café → leite] | 30%     | 100%      |
| [ovos, café, açúcar → leite] | 30%     | 100%      |
| [ovos, café, leite → açúcar] | 30%     | 100%      |
| [açúcar, ovos, leite → café] | 30%     | 75%       |
| [ovos, açúcar, leite → café] | 30%     | 75%       |
| [ovos, leite, açúcar → café] | 30%     | 75%       |
| [ovos, leite, café → açúcar] | 30%     | 100%      |
| [açúcar, café, leite → ovos] | 30%     | 100%      |
| [café, açúcar, leite → ovos] | 30%     | 100%      |
| [café, leite, açúcar → ovos] | 30%     | 100%      |
| [café, leite, ovos → açúcar] | 30%     | 100%      |
| [açúcar, leite, café → ovos] | 30%     | 100%      |
| [leite, açúcar, café → ovos] | 30%     | 100%      |
| [leite, café, açúcar → ovos] | 30%     | 100%      |
| [leite, café, ovos → açúcar] | 30%     | 100%      |
| [açúcar, leite, ovos → café] | 30%     | 75%       |
| [leite, açúcar, ovos → café] | 30%     | 75%       |
| [leite, ovos, açúcar → café] | 30%     | 75%       |
| [leite, ovos, café → açúcar] | 30%     | 100%      |

| 4-itemsets                      | Suporte |
|---------------------------------|---------|
| [leite, ovos, café, açúcar]     | 30%     |
| [leite, ovos, café, manteiga]   | 20%     |
| [leite, ovos, açúcar, manteiga] | 20%     |
| [leite, café, açúcar, manteiga] | 20%     |
| [ovos, café, açúcar, manteiga]  | 20%     |



Não vimos casos de conseqüentes múltiplos (ex. [ovos, leite → café, açúcar] tem 60% de confiança).

Não calculamos associações negativas (ex. [açúcar → não cerveja], com suporte 50% e confiança 100%).

- Muitos problemas podem ser representados em matrizes binárias (ou variantes): enorme aplicabilidade.
- Associações negativas podem ser tão importantes quanto positivas.
- **Cuidado!** Na vida real as combinações e permutações podem ser muitas, e as regras quase redundantes!
  - Muitas regras geradas: **mineração de regras.**

- Muitas outras técnicas podem ser usadas:
- Pesquisa Operacional, Inteligência Artificial e outras.
- Outros modelos de redes neurais, *Rough Sets*, *Support Vector Machines*, etc.
- Técnicas de algoritmos genéticos, *Particle Swarm Optimization*, etc.
- Técnicas baseadas em sistemas imunes artificiais, biologia/vida artificial, etc.

- *Dia 1:* Apresentação dos conceitos de mineração de dados, motivação e alguns exemplos.
- *Dia 2:* Algoritmos de classificação supervisionada e aplicações.
- *Dia 3:* Algoritmos de classificação não-supervisionada e aplicações. Algoritmos de mineração de associações.
- ***Dia 4:*** Visualização e mineração de dados. Outros algoritmos e idéias. Onde aprender mais.

- <http://www.lac.inpe.br/~rafael.santos>
  - <http://www.lac.inpe.br/~rafael.santos/dmapresentacoes.jsp>
  - <http://www.lac.inpe.br/~rafael.santos/cap359-2010.jsp>
- <http://www.lac.inpe.br/ELAC/index.jsp>